

## تمارين على المستوي

( ١ ) عين أثار المستويات الآتية :-

$$\beta ( ٢ , ٩٠^\circ , ٩٠^\circ ) \text{ و } \theta ( ٢ , \infty , ٣ ) , \psi ( ٢ , \infty , \infty ) , \phi ( -١ , ٤ , ٥ ) ,$$

$$\zeta ( ٠ , ١٣٥^\circ , ١٢٠^\circ ) , \lambda ( ٠ , ٤٥^\circ , ٣٠^\circ ) , \pi ( -١ , -٣ , -٤ ) , \alpha ( ٠ , ٤٥^\circ , ٤٥^\circ )$$

(٢) عين أثار المستوي الذي يحتوي على النقط الثلاث الآتية :-

$$A ( -٣ , ٢ , ٤ ) \quad B ( ٣ , ٧ , ٢ ) \quad C ( ١ , ١ , ٦ ) \quad -a$$

$$A ( -٣ , ١ , ٦ ) \quad B ( ١ , ٧ , -١ ) \quad C ( ٢ , ٢ , ٢ ) \quad -b$$

$$A ( ٢ , ٠ , ٣ ) \quad B ( ٠ , -٢ , ٠ ) \quad C ( -٢ , ٤ , ٠ ) \quad -c$$

$$\alpha [A ( ١ , ١.٥ , ٢.٥ ) , B ( ٢ , ٢ , ١.٥ ) \quad C ( ٠ , ٤ , ١.٥ )] \quad -d$$

(٣) عين أثارى المستوي الذى يمر :

$$A ( -٥ , ٢ , ١ ) , B ( ٥ , ٨ , ٥ ) , C ( ٠ , ٠.٥ , ٩ ) \quad \text{(أ) بالنقط الثلاث}$$

$$C ( ٥ , ١١ , ١ ) \text{ و النقطة } A ( -٤ , ٣.٥ , ٠ ) , B ( ٢ , ١ , ٥ ) \quad \text{(ب) بالمستقيم}$$

$$d [ ( ٢ , ٠ , ١ ) , ( ? , ? , ? ) ] , \quad c [ ( -٣ , ٥ , ٠ ) , ( ٥ , ٢ , ٣.٥ ) ] \quad \text{(ج) بالمستقيمين المتوازيين}$$

$$c [ ( -٢ , ٠ , ٣.٥ ) , ( ٤ , ٥ , ٦ ) ] , \quad d ( ٢ , ٢ , ١ ) \quad \text{(د) بالمستقيمين المتقاطعين}$$

$$\alpha ( ٥ , ١٥٠^\circ , ١٢٠^\circ ) \text{ مثل نقطتين } A ( ١ , ? , ٣ ) , B ( ٧ , ٣ , ? ) \text{ تقعان في المستوي } \alpha ( ٥ , ١٥٠^\circ , ١٢٠^\circ )$$

(٥) عين اثري المستوى  $\alpha$  الذى يحتوى على مستقيمين يمران بالنقطة  $A(1, 5, 6)$  احدهما يوازى الأفقى و الآخر يوازى المستوى الرأسى.

(٦) المعلوم مستقيم  $AB$  حيث  $A(2, 0.5, 2), B(-1, 3, 0.5)$  و المطلوب تعيين مستوى يمر بالمستقيم  $AB$  بحيث :

(ا) يوازى خط الارض (ب) يكون متساوي الميل على الافقى و الرأسى

(٧) المعلوم نقطة  $N$  ومستقيم  $m$  والمطلوب تمثيل  $n$  المار بالنقطة  $N$  ويوازى  $m$  ثم عين اثري المستوي المكون منهما إذا فرض أن:

أولاً :  $N(2, 3, 1), m$  أفقى يمر بالنقطة  $A(1, 2, 2)$  ويميل  $30^\circ$  على  $\pi_2$ .

ثانياً :  $N(5, 4, 3), m$  وجهى و يمر بالنقطة  $B(3, 2, 2)$  ويميل  $45^\circ$  على  $\pi_1$ .

(٨) مثل متوازي الأضلاع  $ABCD$  الواقع فى المستوي  $(2, -3, -3)$  حيث

$$A(3, 1, ?) B(? , 2, 1.5) C(3, ?, 3)$$

(٩) المعلوم من مستوي أثره الأفقى  $h^\alpha$  ونقطة  $N$  فيه عين أثره الرأسى  $v^\alpha$  إذا كان :

$$N(6, 2, 5), h^\alpha(1, 135^\circ)$$

$$N(1, 2, -5), h^\alpha(7, 30^\circ)$$

(١٠) عين مساقط المثلث  $ABC$  والواقع فى المستوي  $(5, 6, \infty)$  حيث  $A(0, ?, 5)$  و

$B(? , ? , 2)$  والضلع  $AB$  طوله  $5$  سم والضلع  $AC$  أفقى وطوله  $6$  سم ، اذكر عدد الحلول .

(١١) معلوم المستوي  $\alpha$

$$[A(0, 6, 1), B(9, 3, 3), C(5, 9, 6)]$$

و المطلوب تمثيل المثلث  $MNL$  الذى يقع فيه حيث:

$$M(13, 7, z), N(11, y, 3), L(x, 6, 5)$$

(١٢) معطي نقطتين  $B(3, 3, 2)$  و  $A(6, 3, 3)$  والمطلوب مربع وجهي .

(١٣) مثل المستوي الأفقي  $\alpha$  الذي يمر بالنقطة  $P(4, 4, 2)$  ثم مثل المربع ABCD الذي يقع في المستوي  $\alpha$  ومركزه P إذا كان طول ضلعه ٤ سم والقطر AC يميل على  $\pi_2$  بـ  $60^\circ$ .

(١٤) مثل المستوي الجانبي  $\alpha$  الذي يمر بالنقطة  $A(5, 2, 5)$  ثم مثل المثلث ABC الذي يقع في المستوي  $\alpha$  إذا كان ضلعه BA رأسي وطوله = ٣ سم والضلع CA عمودي على  $\pi_2$  وطوله ٤ سم .

(١٥) مثل بالأثرين المستوي الرأسي ( خطى المسقط الأفقي ) الذي:

أولاً: يمر بالنقطتين  $A(6, 3, 3)$  و  $B(3, 1, 2)$  ثم عين مسطقي نقطة M تقع في هذا المستوي وتبعد ٤ سم عن  $\pi_1$  و ٢ سم عن  $\pi_2$  .

ثانياً: الذي يمر بنقطة  $C(4, 1, 3)$  ويميل  $30^\circ$  على  $\pi_2$  ثم عين  $N_1$  تقع في هذا المستوي حيث  $N_2(1, 2)$ .

(١٦) المعلوم مستقيم  $m[A(9, 1, 4), B(5, 3, 1)]$  والمطلوب تعيين الأثرين الأفقي والرأسي لمستوي  $\alpha$  يحوي m بحيث يكون:

أولاً:  $\alpha_1$  عمودي على  $\pi_1$  .

ثانياً:  $\alpha_2$  عمودي على  $\pi_2$  .

ثالثاً:  $\alpha_3$  موازي خط الأرض.

رابعاً:  $\alpha_4$  قاطع خط الأرض عند  $X = 1$ .

(١٧) المعلوم مستوي  $\beta$  ( ٣ , ٤ ,  $\infty$  ) والمطلوب تمثيل المثلث ABC والواقع فى المستوي

إذا كانت  $A ( ٢ , ? , ٢ )$  ،  $B ( ٤ , ٣ , ? )$  ،  $C ( ٧ , ٢ , ? )$

(١٨) عين مساقط متوازي الأضلاع ABCD والذي يقع في مستوي يوازي خط الأرض  $x_{12}$

حيث  $B ( ١.٥ , ١ , ٣ )$   $C ( ٥ , ? , ٣ )$   $A ( ٣ , ٣ , ١ )$

(١٩) مثل المثلث الرأسى الذي فيه  $A ( ٨ , ١ , ٢ )$   $B ( ٢ , ٧ , ٤ )$  ،  $C ( ? , ٥ , ٦ )$

(٢٠) مثل المثلث ABC العمودي على المستوي الجانبي و الذي فيه :

حيث أن مستوي المثلث يميل  $30^\circ$  على

المستوي الأفقى واستنتج أثار المستوي .

(٢١) مثل المعين الواقع فى المستوي  $\alpha$  ( ٤ , ٥ ,  $\infty$  ) حيث:

$A ( ٠ , ? , ٢ )$   $B ( ١ , ? , ١ )$  ،  $C ( ٢ , ? , ? )$  اذكر عدد الحلول .